駆動回路とパワーデバイスの周波数特性を考慮した フライングキャパシタ型線形増幅回路の安定性解析 楠居 琳太郎* 日下 佳祐 伊東 淳一(長岡技術科学大学)

Stability analysis of flying-capacitor linear amplifier with frequency characteristic of gate driver and power devises Rintaro Kusui^{*}, Keisuke Kusaka, Jun-ichi Itoh, (Nagaoka University of Technology)

In this paper, the stability of the flying-capacitor linear amplifier for a wireless power transfer system is analyzed by a small-signal equivalent circuit. A wideband width controller for FCLA is needed to output the highfrequency voltage used in wireless power transfer systems. FCLA output voltage is controlled by the analog gate voltage. For this reason, the controller consists of operational amplifiers. Due to this, it is necessary to analyze the stability of FCLA including the operational amplifier. The stable gain is analyzed by the small-signal equivalent circuit. Then, the operation of 4-series FCLA with unfolder is demonstrated by simulation. In the addition, the harmonics of the output current are analyzed. As a result, it is seen that the harmonic components are reduced by 40 dB or more than the fundamental component.

キーワード:フライングキャパシタ,線形増幅回路,非接触給電システム,安定性解析,小信号等価回路 (Flying-capacitor, Linear amplifier, Wireless power transmission, stability analysis, small signal equivalent circuit)

1. はじめに

近年,地球温暖化の原因の一つである NOx ガスなどの温 室効果ガスの排出量を削減するため、電気自動車の普及が 拡大しつつある。電気自動車のバッテリは従来のガソリン 車と比べてエネルギー密度が低いため、頻繁な充電が必要 となる。そこで、手軽かつ安全に充電可能である非接触給電 システムが活発に研究されている(1-3)。非接触給電システム は煩雑な電力ケーブルの接続なく充電を開始できるため、 利用者の利便性が向上する。一方で, 電磁誘導方式の非接触 給電システムは、非常に弱い磁気結合を介して電力を伝送 するため、伝送コイル周辺に大きな漏えい磁界が生じる課 題がある。漏えい磁界は周辺の電子機器の誤動作や, 無線通 信障害の原因となる。このため、国際無線障害特別委員会 (CISPR)や国際非電離放射線防護委員会(ICNIRP)などの定め るガイドライン(3-4)をもとに各国が定める規制を満足する必 要がある。特に、CISPR11の制定する非接触給電システム向 けの放射妨害波に関する規格においては、ガイドラインの 改定が検討されている。具体的には WPT システムの低次高 調波成分に該当する 150k ~ 30MHz において 30dB 程度の引 き下げが検討されている(5)。従って、非接触給電システムに おける漏えい磁界、特に低次高調波成分を大幅に低減する

手法が必要となる。

従来の非接触給電システムの多くは一次側電源として, 方形波電圧を出力するインバータが用いられている⁽⁶⁾。イン バータの出力する低次高調波成分を多く含む方形波電圧が 伝送コイルに印加されることで,低次高調波成分を含む電 流が通流する。この高調波電流により,高調波成分を含む漏 えい磁界が伝送コイルから放射される。

漏えい磁界を低減する手法としてこれまでに金属や磁性 体,追加巻線を用いて遮蔽する手法が提案されている⁽⁷⁻⁹⁾。 これらの方式では,遮蔽物に漏えい磁界が鎖交することで 電流が生じ,漏えい磁界を低減する。そのため,より大きな 遮蔽効果を得るために,遮蔽物内の電流が大きくする必要 があり,非接触給電システムにおける損失増大の原因とな る。

これらの問題に対し,筆者らはフライングキャパシタ型 線形増幅回路(FCLA)⁽¹⁰⁻¹¹⁾を非接触給電システムの一次側電 源として適用することを提案している⁽¹²⁻¹³⁾。FCLA は MOSFET を能動的に動作させることにより,連続的な正弦 波電圧を出力する。このため,非接触給電システムから生じ る漏えい磁界高調波を大幅に低減することが可能になる。 また,各 MOSFET に接続されたゲート駆動回路によって, フライングキャパシタ(FC)電圧をバランスさせつつ,比例制 御器を用いて出力電圧を制御する。しかしながら,非接触給 電システムで使用する高周波電圧を制御するために広帯域 な制御器が必要となる。

本論文では、MOSFET の小信号等価回路から FCLA の帯 域を解析し、制御器の帯域を含めた FCLA の安定性を解析 する。また、解析結果より、設計した制御ゲインを用いた FCLA により高周波電圧を安定して出力可能であることを シミュレーションにより実証する。

2. フライングキャパシタ型線形増幅回路

〈2・1〉 回路構成 図1にFCLAを一次側電源に適用した非接触給電システムの構成を示す。電源回路は n 個のNチャネル型MOSFET(n-MOSFET)とn個のダイオードを直列に接続した n 直列 FCLA と極性切り替え回路で構成される。FCLA は全波整流電圧を出力し,極性切り替え回路で極性を切り替えることで伝送コイルに高調波を含まない電圧を印加する。極性切り替え回路により,FCLA は生電流のみを出力する。このため,負電流を流す際に能動状態で動作する n-MOSFET に比べ特性の劣る p-MOSFET をダイオードに置換できる。これにより,効率や出力波形の歪が改善する。

図2にn-MOSFETの動作領域を示す。MOSFETの動作状 態はドレイン-ソース電圧とゲート-ソース電圧に応じて音 状態,オフ状態そして能動状態に分けることができる。従来 のインバータはドレイン-ソース電圧の低いオン状態と電流 が通流しないオフ状態のみを使用する。一方,FCLAは直列 に接続された MOSFETの内一つを能動状態で使用すること により,連続的な任意の電圧を出力可能である。従来のプッ シュプル増幅器は最大効率が78.5%と低く,大容量化が困難 であった。一方で,FCLAはMOSFETが直列に接続するこ とで,MOSFETの印加電圧を低減し,能動動作で生じる損 失を低減し,高効率に駆動することが可能である。MOSFET を能動状態で使用し,任意のアナログ電圧を得るためには 出力電圧,電流に応じた,ゲート電圧を入力する必要があ る。

〈2・2〉 制御器構成 図 3 に出力電圧と動作領域を制御するブロック図を示す。出力電圧は比例制御器によって制御する。比例制御器はゲート-ソース電圧指令値を出力する。各ゲートドライバでは選択された MOSFET の動作状態に応じたバイアスをゲートソース電圧指令値に加えて、各MOSFET のゲートにソース電位基準で入力する。FCLA は同じ電圧を出力する動作状態の組み合わせに自由度があるため適切に動作状態を選択することで、フライングキャパシタ(FC)電圧をバランスさせることができる。

〈2・3〉 FC電圧バランス 図4に4直列FCLAにおけ る位相シフトキャリアを用いた MOSFET の状態選択を示 す。FCLA は各 MOSFET の動作状態を適切に選択すること で、FC電圧をバランスさせることができる。本システムで





Fig. 3. Block diagram of output voltage controller.

は従来のフライングキャパシタコンバータにも用いられる 位相シフトキャリア比較によって各 MOSFET の状態を選択 する。キャリアの周波数は出力周波数に非同期とすること で、一出力周期で選択される動作状態の組み合わせが変化 し、長周期的に FC 電圧をバランスさせる。また、外乱など によって FC 電圧がアンバランスした場合には、電圧制御器 が動作状態を遷移させ、電圧バランスを維持する⁽¹³⁾。

3. FCLA の安定性解析

FCLA の開ループ特性 図 5 に FCLA の小信 <3·1> 号等価回路を示す。FCLA の制御安定性を議論するために, MOSFET を伝達コンダクタンスgmとチャネル長変調効果を 表す出力抵抗 roを用いて線形化する。また、高周波領域の 応答を確認するために、ドレイン、ソース及びゲート間にそ れぞれ生じる寄生容量 Cds, Cgs, Cgd を考慮した小信号等価回 路に変換した。また、FCLAはB級動作のソースフォロワ回 路をもとにした回路であるため、等価回路はソースフォロ ワ回路と同様の形となる。ソースフォロワ回路の場合,小信 号回路では DC 電圧は無視される。一方, FCLA の場合,出 力電圧の範囲に応じて直流電圧が変化しているように見え るため, DC 電圧を外乱成分として表している。これらの仮 定に基づき,ゲート-ソース端子間入力電圧 vin から出力電圧 voutまでの伝達関数 GFCLA を求めると(1)式となる。

ここで, 各係数 K, Th, on, Ctt(2)~(5)式で表される。

$K = \frac{g_m r_o R}{r_o R}$	(2)
$r_o + R$	(2)

$$S = \frac{\frac{r_{o}R}{r_{o}+R} \{ (1+r_{g}g_{m})C_{gd} + C_{ds} \} + r_{g} (C_{gd} + C_{gs})}{\sqrt{r_{g}\frac{r_{o}R}{r_{o}+R} (C_{gs}C_{ds} + C_{ds}C_{gd} + C_{gd}C_{gs})}} \quad \dots \dots \dots (5)$$

〈3・2〉 オペアンプの帯域を考慮しない FCLA の閉ルー プ特性 図 6 にオペアンプを考慮した場合の FCLA 電圧制 御系のブロック図を示す。FCLA は MOSFET を能動状態で 使用するために各 MOSFET のゲート-ソース間に出力電圧 や電流に応じたアナログ電圧を印加する必要がある。その ため、制御回路とゲート駆動回路はオペアンプを用いてア ナログ回路で実装される。よって、FCLA の制御安定性を 議論するためには、オペアンプを考慮した検討が必要とな る。図 6 中の G_{amp} はオペアンプの伝達関数、 α は増幅部と 駆動部のアペアンプの数、 β は検出部のオペアンプの数を 示している。はじめに、理想オペアンプ($G_{amp} = 1$)とした場 合の制御応答について検討する。フィードバックの比例ゲ インを K_p とすると、指令値 v_{out} *から出力電圧 v_{out} までの伝 達関数 G_c は(6)式となる。



Fig. 4. State selection by comparing with phase-shifted carrier for 4-series FCLA.



Fig.5.Small signal equivalent circuit model of FCLA.



Fig. 6. Control block diagram with op-amp for detection and amplify.

ここで, 各係数は(7)~(9)式で表される。

ζ

$$K_c = \frac{K_p K}{1 + K_p K} \quad \dots \tag{7}$$

$$\omega_{nc} = \omega_n \sqrt{1 + K_p K} \qquad \dots \tag{8}$$

(6)式より,比例制御を用いた FCLA の閉ループ特性は 1 次 進み要素+2 次遅れ要素で表されることがわかる。従って, FCLA を安定に制御するためには(9)式に示す減衰比 ζ_c が正 であれば良いことがわかる。したがって,安定限界の比例ゲ イン $K_{p_{\min}}$ は(10)式で表され,その時の制御帯域 $\omega_{nc_{\max}}$ は(11) 式と求められる。

$$K_{p_lim} = \frac{2\zeta}{K\omega_n T_h} \qquad (10)$$

図 7 に比例ゲインを変化させたときの閉ループ特性を示 す。図 7 と(8), (9)式から,ゲインを大きくすることにより, 固有角周波数 ac が大きくなることがわかる。一方で,ゲイ ンを大きくすることで,制動係数 Gc は小さくなるため振動的 な応答となる。

〈3・3〉 オペアンプの帯域を考慮した FCLA の閉ループ 特性 本節では、オペアンプの帯域を考慮した FCLA の 制御特性を解析する。オペアンプは 2 次のローパスフィル タとして表現できるため伝達関数は(12)式となる⁽¹⁴⁾。本シス テムでは電流帰還型のオペアンプを適用しており、帰還抵 抗の適切な選定により、増幅回路の利得に関わらず、帯域を 設定できる。以上より、制御器を構成するすべてのオペアン プを(12)式の伝達関数で表現し、利得はすべてまとめて Kp とする。

ここで, *ωamp* はオペアンプの固有角周波数, *ζamp* はオペアン プの制動係数を示している。

図 8 に本システムで用いる制御回路とゲート駆動回路の 構成を示す。制御回路は検出部,指令値入力部,増幅部,状 態選択部,駆動部から構成されている。この内,制御特性に 影響するのは検出部,増幅部,駆動部である。これらを構成 するオペアンプは検出段に2つ,増幅段に2つ,駆動部に1 つ接続されている。したがって,オペアンプの帯域を考慮し た伝達関数は(13)式で表される。

$$G_{camp} = \frac{G_{FCLA}G_{amp}^{3}}{1 + G_{FCLA}G_{amp}^{5}}$$
$$= \frac{K_{p}K\omega_{n}^{2}\omega_{amp}^{6}(1 - sT_{h})(s^{2} + 2\zeta_{amp}\omega_{amp}s + \omega_{amp}^{2})^{2}}{(s^{2} + 2\zeta\omega_{n}s + \omega_{n}^{2})(s^{2} + 2\zeta_{amp}\omega_{amp}s + \omega_{amp}^{2})^{5} + K_{p}K\omega_{n}^{2}(1 - sT_{h})\omega_{amp}^{10}}$$

図9に(13)式で示したシステムにおいてゲインを変化させ た場合の開ループ特性を(a)に,閉ループ特性を(b)にそれぞ れ示す。図9(a)より,オペアンプの影響により,位相が大き く変化し,低ゲインにおいても位相余裕度が減少している ことが確認できる。図9(b)より,余裕度が高く,オペアンプ の帯域と十分に離れた低ゲインの場合,オペアンプの有無 によらず,同様の帯域幅であることがわかる。また,オペア ンプがないときに安定したゲインであっても,安定余裕が 減少し,不安定になっていることが確認できる。

以上の結果から, FCLA の帯域をオペアンプの帯域から十



Fig. 7. Close-loop characteristic with ideal op-amps.



Fig. 8. Circuit diagram of voltage controller and gate driver.

分に離すことでオペアンプを考慮しない伝達特性より,設 計できることを確認した。

4. シミュレーション結果

図 10 にソースフォロワ回路の動作波形を示す。図 10 は ソース電圧とゲート-ソース間電圧を,線形化した MOSFET の小信号等価回路と MOSFET の SPICE モデルによりそれぞ れシミュレーションした結果である。ソースフォロワの最 も単純な形である A 級動作とするため,指令値は直流電圧 の半分のバイアスを加えた 85kHz の正弦波である。図 10 よ り,両モデルともに等しい出力電圧を得られていることが 確認できる。また,同じ電圧を出力するために入力するゲー トソース電圧も,おおよそ等しいことから線形化した小信 号等価回路が妥当であることがわかる。2 つのモデルにおい てゲートソース電圧が僅かに異なっているが,これは SPICE モデルにおいて考慮されている MOSFET の非線形性を小信 号等価回路では無視していることが原因である。

図 11 にシミュレーションを行う FCLA の回路構成を示 す。シミュレーション回路は極性切替え回路を接続した4直 列 FCLA とし,負荷として抵抗を接続している。MOSFET の



Fig. 9. Bode diagram of small signal equivalent circuit for FLCA.

耐圧が 60V であるので, MOSFET 一つあたりの印加電圧が 40V 程度となるように直流電圧を 160V と設定した。また, 出力電圧指令は振幅 160V, 出力周波数 85kHz の全波整流電 圧とした。

図12に動作波形を示す。シミュレーションは実際にシス テムに用いているオペアンプと同じ数となるように2次 LPFを用いて模擬している。図12から、小信号回路モデル により解析したゲインをもちいることで安定的に動作する ことが確認できる。ただし、全波整流電圧のゼロクロス付近 では出力電圧を十分に制御できず歪んでいる。これは出力 電圧が不連続となる点において、非常に高い制御帯域が必 要となるためである。

ただし、全波整流電圧のゼロクロス付近では出力電圧を 十分に制御できず歪んでいる。これは出力電圧が不連続と なる点において、非常に高い制御帯域が必要となるためで ある。したがって、基本波電流の実効値は4.71 A(13.5dBA) となる。図13より、電流の基本波成分は4.71Aであること が確認できる。また、高調波成分は40dB以上低減できてい ることがわかる。

5. まとめ

本論文では、非接触給電システム向け FCLA の広帯域化 のため、小信号等価回路を用いて安定性を解析した。FCLA は MOSFET を能動状態で動作させるため、ゲートにアナロ グ電圧を入力して出力電圧の制御を行う。このため、制御器 とゲートドライバはオペアンプを用いて構成される。そこ で本稿では、FCLA を小信号等価回路に変換し、オペアンプ の帯域を考慮して制御安定性を解析した。解析の結果、オペ アンプの帯域と十分に離して FCLA の応答を設計すること



Fig. 10. Operation waveform of class-A source follower with small-signal equivalent model and MOSFET SPICE model.



Fig. 11. Simulation circuit of 4-sereies FCLA with unfolder.

で、安定に出力電圧を制御することが可能であることを確認した。その後、シミュレーションにより、解析した制御ゲインにより、85kHzの正弦波電圧を安定して出力できることを確認した。また、負荷に流れる電流の高調波を基本波に比べ40dB以上低減していることを確認した。



Fig. 12. Operation waveform of FCLA with Unfolder.



Fig. 13. Harmonics analyze of output current.

文	献
~	11.01

- (1) R. Ota, N. Hoshi, J. Haruna, "Design of Compensation Capacitor in S/P Topology of Inductive Power Transfer System with Buck or Boost Converter on Secondary Side," IEEJ Trans. on Industry Applications, Vol. 4, No.4, pp. 476-485 (2015)
- (2) R. Bosshard and J. W. Kolar, "Multi-Objective Optimization of 50 kW/85 kHz IPT System for Public Transport," IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, vol. 4, no. 4, pp. 1370-1382, (2016)
- (3) J. Pries, V. P. N. Galigekere, O. C. Onar, and G. Su, "A 50-kW Three-Phase Wireless Power Transfer System Using Bipolar Windings and Series Resonant Networks for Rotating Magnetic Fields," IEEE Tran. on Power Electronics, vol. 35, no. 5, pp. 4500-4517, (2020)
- (4) Ministry of Internal Affairs and Communications, Japan, "Inquiry of technical requirements for wireless power transfer system for EVs in technical requirements for wireless power transfer system in standards of International Special Committee on Radio Interference (CISPR)", (2015)
- (5) 三沢 宣貴:「CISPR での不要輻射許容値の国際検討状況」,自動車 技術会 2019 年春季大会フォーラム EV への給電システムの最新動 向, No. 20194438, pp.15-20 (2019)
- (6) Keisuke Kusaka, Jun-ichi Itoh: "Development Trend of Inductive Power Transfer Systems with Focus on Transmission Frequency and Transmission Power", IEEJ Transactions on Industry

Applications, Vol. 137, No. 5, pp. 445-457 (2017) (in Japanese) 日下佳祐, 伊東淳一:「伝送周波数と伝送電力に着目した電磁誘導現 象を用いた非接触給電システムの開発動向」, 電気学会論文誌 D, Vol. 137, No. 5, pp. 445-457(2017)

- (7) 古川啓太,日下佳祐,伊東淳一:「漏洩磁界キャンセルコイルを用いたワイヤレス給電システムのキャンセルコイル短絡電流実効値補償 に着目した漏洩磁界低減」,電気学会論文誌 D, Vol. 141, No. 5, pp. 405-415 (2021)
- (8) B. G. Choi, Y. Sohn, E. S. Lee, S. H. Han, H. R. Kim, C. T. Rim, "Coreless Transmitting Coils With Conductive Magnetic Shield for Wide-Range Ubiquitous IPT," IEEE Trans. on Power Electronics, Vol. 34, No. 3, pp. 2539-2552 (2019)
- (9) I. Lee, N. Kim, I. Cho and I. Hong, "Design of a Patterned Soft Magnetic Structure to Reduce Magnetic Flux Leakage of Magnetic Induction Wireless Power Transfer Systems," IEEE Trans. on Electromagnetic Compatibility, Vol. 59, No. 6, pp. 1856-1863 (2017)
- (10) Hideaki Hujita: "A high-efficiency Diode-Clamped Linear Amplifier", IEEJ Trans. on Industry Applications, Vol. 127, No. 1, pp. 9-16 (2007)
 藤田 英明: 「ダイオードクランプ回路を用いた高効率線形増幅回

路」,電気学会論文誌 D, Vol. 127, No. 1, pp. 9-16 (2007)

- (11) Hidemine Obara, Tatsuki Ohno, Masaya Katayama, Atsuo Kawamura: "Flying-Capacitor Linear Amplifier with Capacitor Voltage Balancing for High-Efficiency and Low Distortion", IEEE Trans. on Industry Applications, Vol.57, No.1 (2021)
- (12) Rintaro Kusui, Keisuke Kusaka, Jun-ichi Itoh : "Flying-capacitor Linear Amplifier for Wireless Power Transfer Systems with Flying-capacitor Voltage Balancing", EPE'21 ECCE Europe, No.390 (2021)
- (13) 楠居琳太郎,日下佳祐,伊東淳一:「楠居琳太郎,日下佳祐,伊東淳 一:「接触給電システム用フライングキャパシタ型線形増幅回路に 適用可能な高周波ゲート駆動回路の開発」,2021年電気学会産業応 用部門大会,Vol.1,No.71,pp.253 (2021)
- (14) Texias Instruments, Rea Schmid, "PSpice を使用した,電流帰還型 オペアンプの安定化と回路性能最適化" (2009)